

# ♣ Corrigé du brevet des collèges Polynésie ♣ septembre 2014

Durée : 2 heures

## Exercice 1

3 points

Calcul n° 1 :  $\frac{5}{6} - \frac{3}{4} = \frac{10}{12} - \frac{9}{12} = \frac{10-9}{12} = \frac{1}{12}$ .

Calcul n° 2 :  $\sqrt{18} = \sqrt{9 \times 2} = \sqrt{9} \times \sqrt{2} = 3\sqrt{2}$ .

Calcul n° 3 :  $8 \times 10^{15} + 2 \times 10^{15} = 10^{15}(8+2) = 10^{15} \times 10^1 = 10^{16} = 1 \times 10^{16}$

## Exercice 2

4 points

1. Le format est égal à  $\frac{80}{45} = \frac{5 \times 16}{5 \times 9} = \frac{16}{9}$ .

2. La diagonale de longueur  $d$  vérifie :

$$d^2 = 30,5^2 + 22,9^2 = 930,25 + 524,41 = 1456,66, \text{ soit } d = \sqrt{1456,66} \approx 38,14 \text{ (cm),}$$

$$\text{soit en pouces } d \approx \frac{38,14}{2,54} \approx 15,02.$$

La mention « 15 pouces » est bien adaptée à cet écran.

3. Si la largeur est  $l$ , on a  $\frac{14,3}{l} = \frac{4}{3}$ , soit  $l = \frac{3 \times 14,3}{4} = 10,725$ , soit environ 10,7 cm au millimètre près.

*Remarque* On pouvait également traduire la longueur de la diagonale en cm et utiliser le théorème de Pythagore pour trouver la largeur. Avec cette méthode on trouve  $l \approx 10,56$  soit environ 10,6 cm !

## Exercice 3

3 points

1. La fréquence d'apparition des couleurs rouge, bleue et verte sont respectivement :  $\frac{18}{40} = \frac{9}{20}$ ,  $\frac{8}{20} = \frac{4}{10}$  et  $\frac{14}{40} = \frac{7}{20}$  ; ces fréquences ne permettent pas de conclure au nombre de billes de chaque couleur.

2. La probabilité de faire apparaître une bille rouge est égale à :

$$1 - \frac{3}{8} - \frac{1}{2} = \frac{8}{8} - \frac{3}{8} - \frac{4}{8} = \frac{1}{8}.$$

Comme il y a 24 billes le nombre de rouges est  $24 \times \frac{1}{8} = 3$ .

## Exercice 4

4 points

1.  $AB^2 = 15^2 = 225$  ;  $AT^2 + BT^2 = 12^2 + 9^2 = 144 + 81 = 225$ .

On a  $225 = 144 + 81$ , soit  $AB^2 = AT^2 + BT^2$ , donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore : le triangle ABT est rectangle en T, d'hypoténuse [AB].

2. Dans le triangle ABT est rectangle en T, on a par exemple  $\cos \widehat{BAT} = \frac{AT}{AB} = \frac{12}{15} = \frac{4}{5} = \frac{8}{10} = 0,8$ . La calculatrice donne  $\widehat{BAT} \approx 36,86$  soit  $37^\circ$  au degré près.

3. On a  $\frac{AT}{TF} = \frac{12}{4} = 3$  et  $\frac{BT}{TK} = \frac{9}{3} = 3$ .

On a donc  $\frac{AT}{TF} = \frac{BT}{TK}$ , donc d'après la réciproque du théorème de Thalès les droites (AB) et (FK) sont parallèles.

4. L'aire du triangle BAT est égale à  $\frac{AT \times BT}{2} = \frac{12 \times 9}{2} = 6 \times 9 = 54 \text{ cm}^2$ .

Les dimensions de TKF sont 3 fois plus petites que celles du triangle BAT, donc son aire est  $3^2$  fois plus petite.

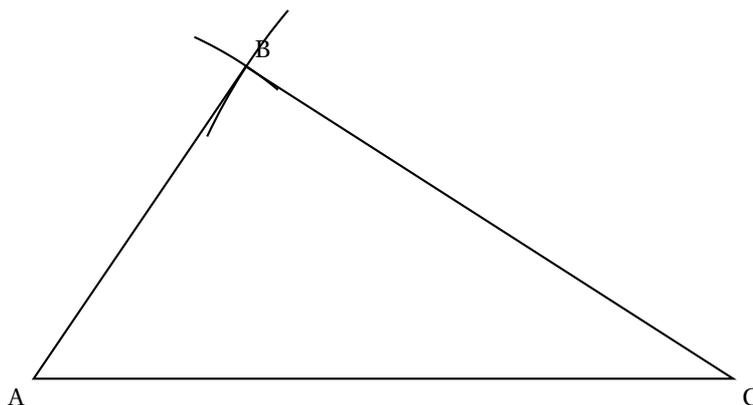
L'aire du triangle TKF est donc égale à  $\frac{57}{3^2} = \frac{54}{9} = 6 \text{ cm}^2$ .

**Exercice 5****4 points**

1. a. La flèche est tirée à la hauteur 1 m.  
b. La flèche retombe à 10 m de Julien.  
c. La flèche monte au plus haut à 3 m. (approximativement)
2. a.  $f(5) = -0,1 \times 5^2 + 0,9 \times 5 + 1 = -2,5 + 4,5 + 1 = 3$ .  
b. Quand la flèche est à 5 m de Julien il ne semble pas que la hauteur soit maximale car elle est déjà retombée. Donc la flèche doit s'élever à plus de 3 m.  
*Remarque:* En fait  $f(0,45) = -0,1 \times 0,45^2 + 0,9 \times 0,45 + 1 = 3,025$  (m) semble être la hauteur maximale.

**Exercice 6****6 points**

1.



2. Il suffit de vérifier si  $AC^2 = AB^2 + BC^2$ .  
Or  $AC^2 = 9,2^2 = \dots 4$  et  $AB^2 + BC^2 = 5^2 + 7,6^2 = \dots 6$ .  
L'égalité ci-dessus ne peut être vraie : le triangle ABC n'est pas rectangle.
3.
  - a. La distance BP est la plus petite quand P est le pied de la hauteur issue de B.  
On peut construire ce point comme intersection du cercle de diamètre [BC] (ou [AB]) avec le côté [AC].
  - b. Périmètre de ABP :  $5 + 5 + BP = 10 + BP$  ;  
Périmètre de BPC :  $7,6 + (9,2 - 5) + BP = 11,8 + BP$  : c'est BPC qui a le plus grand périmètre.
  - c. Soit  $x = AP$ . On a :  
Périmètre de ABP :  $5 + x + BP$  ;  
Périmètre de BPC :  $7,6 + (9,2 - x) + BP = 16,8 - x + BP$ .  
On doit donc avoir :  
 $5 + x + BP = 16,8 - x + BP$  soit  $5 + x = 16,8 - x$  ou encore  $2x = 11,8$  d'où  $x = 5,9$ .

**Exercice 7****5 points**

1. a.  $10 \rightarrow 10 - 0,5 = 9,5 \rightarrow 9,5 \times 20 = 190$ .
- b.  $10 \rightarrow 10^2 = 100 \rightarrow 2 \times 100 = 200 \rightarrow 200 - 10 = 190$
2. a.  $=A^2 * 2 - A^2$
- b. Il semble que les deux programmes conduisent au même résultat.
- c. Programme A :  $x \rightarrow x - 0,5 \rightarrow (x - 0,5) \times 2x = 2x(x - 0,5) = 2x^2 - x$ .  
Programme B :  $x \rightarrow x^2 \rightarrow 2 \times x^2 \rightarrow 2x^2 - x$ .  
Les deux programmes donnent le même résultat : le double du carré du nombre initial auquel on retranche le nombre initial.
3. Il faut trouver  $x$  tel que  $2x^2 - x = 0$  soit  $x(2x - 1) = 0$  d'où deux possibilités :  
 $x = 0$  ou  $2x - 1 = 0$  soit  $2x = 1$  et enfin  $x = 0,5$ .

**Exercice 8****6 points**

Dépenses de 2013 :  $4 \times 250 + 450 + 4 \times 550 + 300 + 2 \times 150 = 1\,000 + 450 + 2\,200 + 300 + 300 = 4\,250$  €.

Avec une augmentation moyenne de 6 % en 2014, les dépenses s'élèveront en 2014 à :

$$4\,250 \times 1,06 = 4\,505 \text{ €.}$$

Soit  $x$  le prix de la location semaine en juillet-août.

Le couple recevra :

$$(4 + 5) \times 750 + 7x = 6\,750 + 7x$$

Les frais seront couverts si :

$$6\,750 + 7x \geq 4\,505 + 12 \times 700 \text{ soit } 6\,750 + 7x \geq 12\,905 \text{ ou encore } 7x \geq 6\,155 \text{ soit}$$

$$\text{enfin } x \geq \frac{6\,155}{7}.$$

$$\text{Or } \frac{6\,155}{7} \approx 879,28.$$

Le couple doit louer en juillet-août au tarif minimal de 880 €.